

**Aufgabe 1 (13 Punkte)**

a) Es sei  $(\Omega, \mathcal{A}, P)$  ein  $\mathcal{W}$ -Modell und  $A, B \subset \Omega$ . Dann gilt

$$P(A \cup B) = \quad .$$

b) Welche  $\sigma$ -Algebra wird für häufig  $\Omega = \mathbb{R}^n$  verwendet?  $\mathcal{A} = \quad .$

c) Gegeben sei  $f(k) = \frac{C}{5^k}$  ( $k \in \mathbb{N}, C \in \mathbb{R}$ ).  $f$  ist eine  $Z$ -Dichte für  $C = \quad .$

d) Es sei die Riemann-Dichte  $f^X$  gegeben. Dann gilt für die Verteilungsfunktion  $F^X$ :

$$F^X : \mathbb{R} \rightarrow \quad , F^X(x) = \quad .$$

e) Es seien  $U, V = \frac{1}{b}U - a$  und  $f^U$  bekannt. Dann gilt  $f^V(v) = \quad .$

f) Gegeben sei die gemeinsame Dichte  $f^{(X_1, X_2)}(x_1, x_2) = x_1 \cdot x_2 \cdot 1_{(0, \sqrt{2})}(x_1) \cdot 1_{(0, \sqrt{2})}(x_2)$ .

Dann gilt

$$f^{X_2}(x_2) = \quad , Kov(X_1, X_2) = \quad .$$

g) Es seien  $Y_1, Y_2$  stochastisch unabhängig identisch  $Geo^+(p)$ -verteilt, dann gilt

$$Y_1 + Y_2 \sim \quad , E(Y_1 + Y_2) = \quad .$$

h) Es sei  $Z \sim \mathcal{N}(2, \frac{1}{4})$ .  $P(Z \leq 3) = \quad .$

i)  $Y$  sei eine kontinuierliche Zufallsvariable auf  $\mathbb{R}$  mit der Dichte  $f^Y$ .  $Var(Y)$  ist definiert als

$$Var(Y) = \quad .$$

j) Es seien  $V_1, V_2$  stochastisch abhängig und  $E(X_1), E(X_2), E(X_1^2)$  und  $E(X_2^2)$  existieren.

$$\text{Dann gilt: } Var(V_1 + V_2) = \quad .$$