

Vorlesung „Kryptographie I“ (Wintersemester 2019/2020)

10-ECTS-Klausur (24.2.2020, 8:15-9:45, Hörsaal H11)

Anmerkungen:

- (1) Als Hilfsmittel ist nur ein Taschenrechner erlaubt.
- (2) Zur Lösung einer Aufgabe gehören auch Darstellung des Lösungswegs und Begründungen.
- (3) Großbuchstaben werden in der Klausur in folgender Weise mit Zahlen identifiziert:

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25

Aufgabe 1: Maximilian erhält von einem Freund folgende, vermutlich VIGENERE-chiffrierte Nachricht:

YODPB YOKBMOQWSR,

VOV UTBK XSZSRDH, QTSY UI VMPT UHM MQK EMEAFSAVOSGILIEZ OHLKKEBKX.

VOV JNEJUS EME SSEGE KZBWR XMISXN, QRBFWG PI ZBR KZBWR RYDSXHRVB?

NMRXS TKUKJGW, QVOVNXL

- (1) Bestimme das zugehörige VIGENERE-Schlüsselwort.
- (2) Wie heißt der Freund?

Aufgabe 2: Für $n = 123573112003$ gilt $6^{\frac{n-1}{2}} \equiv 6 \pmod n$.

- (1) Beschreibe den Miller-Rabin-Test zur Basis 6. Welche Ergebnisse sind möglich?
- (2) Besteht n den Miller-Rabin-Test zur Basis 6?
- (3) Besteht n den Fermat-Test zur Basis 6?

(Hinweis: Zur Lösung der Aufgabe braucht man keinen Taschenrechner.)

Aufgabe 3: $N = 70286971$ ist eine RSA-Zahl.

- (1) Faktorisiere N mit der Fermatschen Faktorisierungsmethode.
- (2) Bestimme die kleinste natürliche Zahl $e > 1$, sodass (N, e) ein öffentlicher RSA-Schlüssel ist.
- (3) Bestimme ein $d > 1$, sodass (N, d) ein zu (N, e) passender privater RSA-Schlüssel ist.

Aufgabe 4: Einem Diffie-Hellman-Schlüsselaustausch liegen $p = 67$ und $g = 2$ zugrunde. Die öffentlichen Schlüssel von Ute und Vera sind $f_U = 44$ und $f_V = 55$.

- (1) Zeige, dass $g = 2$ eine Primitivwurzel modulo $p = 67$ ist.
- (2) Berechne den privaten Schlüssel von Ute oder Vera.
- (3) Bestimme den gemeinsamen Diffie-Hellman-Schlüssel k_{UV} von Ute und Vera.

Aufgabe 5: $(p, g, e) = (2017, 5, 11)$ ist ein privater ElGamal-Signatur-Schlüssel.

- (1) Bestimme den zugehörigen öffentlichen Schlüssel (p, g, f) .
- (2) Signiere ein Dokument mit Hashwert $h = 12$ unter Verwendung der „Zufallszahl“ $z = 13$.
- (3) Welche Bedingungen müssen erfüllt sein, damit ein Zahlenpaar (b, c) als gültige Signatur der Person mit dem öffentlichen ElGamal-Signatur-Schlüssel (p, g, f) für ein Dokument mit Hashwert h akzeptiert wird?